

# מאור

## מתמטיקה אוריינית בחטיבת ביניים



### gal yirok - קריית גרפים

המשימה קיימת ב – 2 רמות



©

בל האזכיות ש שמורות ל  
לייקין ר. וצוות מאור, אוניברסיטת חיפה

אין להעתיק, לצלם או לשכפל חוברת זו  
או קטעים ממנה בשום אמצעי

פרטי התקשרות:

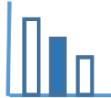
[maor@labs.edu.haifa.ac.il](mailto:maor@labs.edu.haifa.ac.il)

04-8288351



## תעודת זהות של המשימה

נושא מתוכנית הלימודים לשילוב המשימה	קריית מידע מהגרפים, בעיות מילוליות, מעברים בין יחידות מידע שונות
כיתה	ח'
זמן נדרש לישום המשימה (עד 45 דקות)	עד 45 דקות
<b>ידע ומיומנויות מתמטיים הנדרשים לפתרון המשימה</b>	<p>שימוש בתוכנות של פונקציות (תחום הגדרה, טווח ערכים, תחומי עליה וירידה, נקודות קיצון, קצב שינוי של פונקציה, נקודות החיתוך עם הצירים) בהסקת מסקנות בהקשר לסיטואציהech מחיי היום-יום של נήגה. חישוב מהירות ממוצעת. זאת בהבנה בין המידע הנוכחי באמצעות שני גרפים נתוניים. בדיקת נכונות טענות הקשורות לגרפים נתוניים.</p>
	<p>שימוש בתוכנות של פונקציות (תחום הגדרה, טווח ערכים, תחומי עליה וירידה, נקודות קיצון, קצב שינוי של פונקציה, נקודות החיתוך עם הצירים) בהסקת מסקנות בהקשר לסיטואציהech מחיי היום-יום של נήגה. חישוב מהירות ממוצעת. זאת בהבנה בין המידע הנוכחי באמצעות שני גרפים נתוניים. בדיקת נכונות טענות הקשורות לגרפים נתוניים.</p>
<b>אוריניות קונקטואלית</b>	<p>בפעולת הגל הירוק הרמזורים מתואימים כדי לאפשר לרוכבי אופניים לרכוב על אופניים דרך סדרה של רמזורים ירוקים.</p>
	<p>בפעולת הגל הירוק הרמזורים מתואימים כדי לאפשר לרוכבי אופניים לרכוב על אופניים דרך סדרה של רמזורים ירוקים.</p>
<b>ידע ומיומנויות שהמשימה יכולה לקדם</b>	<p>הבנת המושג מהירות ממוצעת. הבנה כי נסעה ב מהירות המותאמת למודל שעומד מאחוריו המערכת הגל הירוק מאפשרת לחסוך בזמן נסעה. ניתן שבדין במלואה עליה שפרט לחיסכון בזמן יש חיסכון בדלק ובתוכאה מכך חיסכון גם בכיסף ובנוסף המערכת עוזרת למנוע בלאי שנוצר במכונית באשר מבצעים שינויים חדים ב מהירות.</p>
<b>הנחות קצרות לעבודה עם המשימה</b>	<p>הקדמה קצרה בכיתה על מערכת הגל הירוק ומטרותיה. <u>עובדת בקבוצות של 2-3 תלמידים ולבסוף דין במלואה. (אפשר לצפות בסרטון)</u></p>



## משימה: gal yirok - קריית גרפים

## טיור סיטואציה

**gal yirok** היא תוכנה של מערכת בקרת רמזורים (שלושה או יותר) הנמצאים על ציר נסעה. הגל הירוק מאפשר תנופה רציפה (לא עצירה) באשר כל הרמזורים בציר הנסעה נתונים אור י록.



עיריית קופנהגן הקימה ברחוב Nørrebrosgade שארכו 2,200 מטר, מערכת של גל הירוק לאופניים. החל מהשעה 6:30 בבוקר ועד הצהרים, הרמזורים מתאימים כדי לאפשר להרוכבי אופניים לרכוב על אופניים דרך סדרה של רמזורים י록ים.



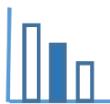
שלטיםמאפשרים להרוכבי אופניים להיות מודעים להפעלת מערכת הגל הירוק ולהתאים את מהירותם. לפי דברי מהנדסי העירייה, חוכב שנושא ברחוב זה בmph ממוצעת של 20 קמ"ש יכול לעבור אותו ברמזורים י록ים.

## הידעת:

מהרי מהירות ממוצעת?

$$\text{מהירות ממוצעת של הגוף} = \frac{\text{הדרך שעבר הגוף}}{\text{זמן שעבר}}$$

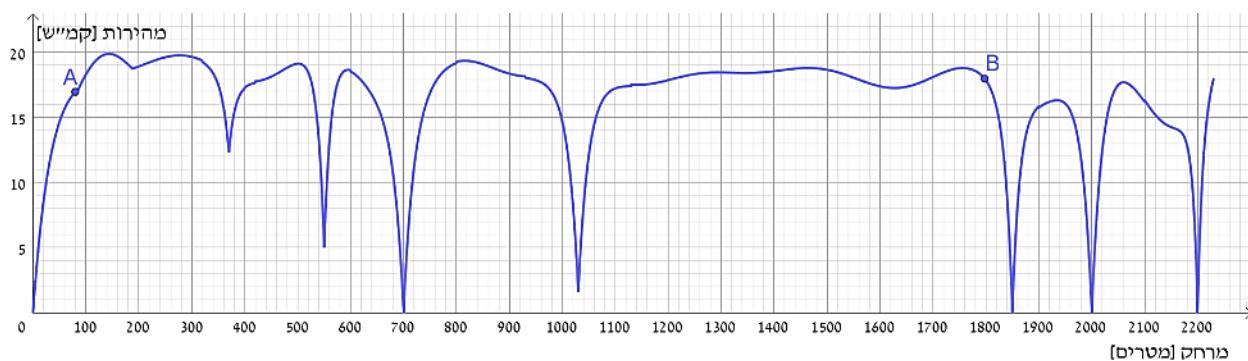
(גם אם הגוף אינו נע בmph קבועה).



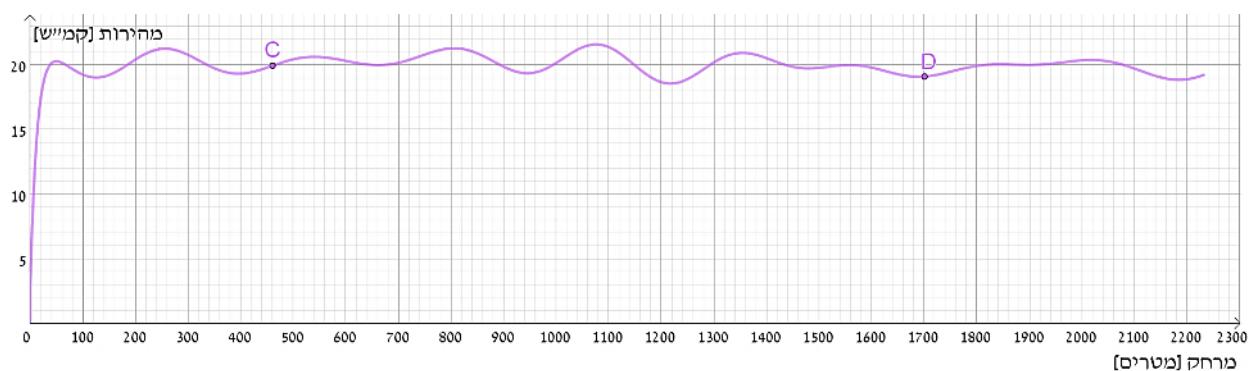
## פתרו את הבעיה הבאה

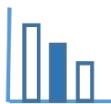
שני הגרפים שלפניכם מציגים את מהירות רוכב האופניים שנוסעת **לפני** הפעלת הגל היורק (גרף עליון) ומהירות רוכב האופניים **אחרי** הפעלה (גרף תחתון).

## המהירות של רוכב האופניים לפני הפעלת המערכת גל יורך



## המהירות של רוכב האופניים אחרי הפעלת המערכת גל יורך

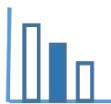




## בעיה 1

התבוננו בשני הגרפים וענו על השאלות הבאות (הבחינו בין הנסיעה בשטח הירוק מופעלת לבין בשיהא לא מופעלת):

- א. מהי המשמעות של הנקודות A ו-B המסומנות על הגרף העליון? מהי המשמעות של הנקודות C ו-D המסומנות על הגרף התיכון?
- ב. הערכו מה הייתה המהירות של כל אחד מרכיביו האופניים ברגע שעברו את המחצי הראשונה של הרחוב? (אורך הרחוב 2,200 מטר)
- ג. סמןו על הגרף התיכון נקודות מתאימות להמלצה של מהנדסי העירייה:  
"רוכב שנסע ברחוב זה במהירות של 20 קמ"ש יוכל לעبور אותו ברמזורים ירוקים".
- ד. הערכו: מהי המהירות הנמוכה ביותר של רוכב האופניים שנסע ללא הפעלת הגל הירוק? ציינו: באיזה/באיזה רוחק/ים, החל מתחילה הנסיעה, המהירות הייתה מקסימלית/מינימלית.



ה. בעיה 2  
1.

לפניכם 5 טענות המתיחסות לגרפים הנתונים.

(רוכבת האופניים נסעת ללא גל יורך, ואילו רוכב האופניים נסע עם גל יורך)

קבעו נכון או לא נכון או אי-אפשר לקבוע, הסבירו כיצד הגיעו.

טענה 1: במרחק של 500 מטר מתחילת הנסעה, מהירותה של רוכבת האופניים הייתה כ-19 Km\ש.

נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע

טענה 2: אחרי 2 דקות מתחילת הנסעה הרוכב היה במרחק של 200 מטר מתחילת הרחוב.

נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע

טענה 3: ברגע הראשון רוכבת האופניים עזרה למשך 5 שניות.

נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע

טענה 4: רוכב האופניים ביצע בלימת חזות ו חותמצאה | מכך הקטן באופן שימושי את המהירות.

נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע

טענה 5: החל מתחילת הנסעה, רוכבת האופניים עזרה לגמרי:

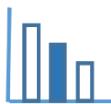
2 פעמים נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע

3 פעמים נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע

4 פעמים נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע

5 פעמים נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע

6 פעמים נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע



## פתרונות אפשריים

**בעיה 1**

**סעיף א:**

שיעור הנקודות A ו-B מייצגות את מהירות האופניים הנוסעת ללא פעולה מערכת גל יירוק בהתאם למרחק שעבירה. ואילו הנקודות C ו-D מייצגות את מהירות האופניים הנוסע כאשר מערכת גל יירוק מופעלת בהתאם למרחק שעבירה.

הנקודה A – במרחק של כ-80 מטרים מתחילה הנסעה מהירותה של רוכבת האופניים הייתה כ-17 קמ"ש.

הנקודה B – במרחק של כ-8.1 ק"מ מתחילה הנסעה מהירותה של רוכבת האופניים הייתה כ-18 קמ"ש.

הנקודה C – במרחק של כ-460 מטרים מתחילה הנסעה מהירותו של רוכב האופניים הייתה כ-20 קמ"ש.

הנקודה D – במרחק של כ-1.7 ק"מ מתחילה הנסעה מהירותו של רוכב האופניים הייתה כ-19 קמ"ש.

**סעיף ב:**

תשובות אפשריות:

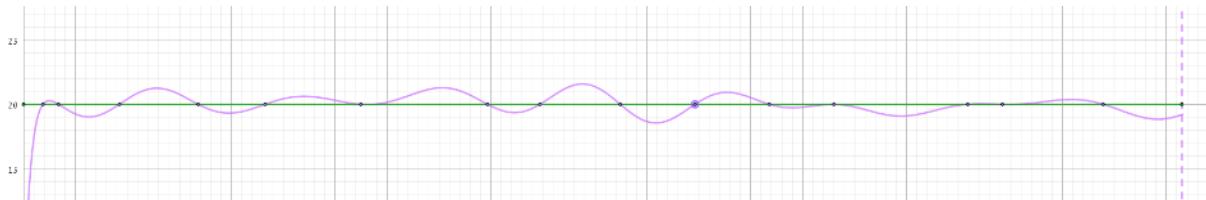
לא מערכת גל יירוק המהירות הייתה גבוהה בקצת מ-17 קמ"ש.

באשר מערכת גל יירוק מופעלת המהירות הייתה גבוהה בקצת מ-21 קמ"ש.

**סעיף ג:**

ניתן להיעזר בקו ישר  $y = 20$  כדי לסמך את הנקודות המתאימות להמלצת של מהנדסי העירייה:

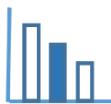
"רוכב שנוסע ברחוב זה ב מהירות של 20 קמ"ש יכול לעبور אותו ברמזורים יירוקים".



**סעיף ד:**

הקו הירוק מופעל: במרחק של כ-1,080 מטרים מתחילה הנסעה רוכבת האופניים נסעה ב מהירות המקסימלית של כ-22 קמ"ש.

לא המערכת מערכת הקו הירוק: במרחק של כ-140 מטר מתחילה הנסעה רוכב האופניים נסע ב מהירות המקסימלית של כ-20 קמ"ש. המהירות המינימלית הינה 0 קמ"ש כאשר רוכב האופניים עוצר ברמזורים. הדבר קורה במרחקים הבאים: 700 מטר, 1.85 ק"מ, 2 ק"מ ו-2.2 ק"מ מתחילה הנסעה.



## בעיה 2

טענה 1: טענה נכונה

טענה 2: טענה לא נכונה

לפי הגרף במרחיק של 200 מטר מתחילה הנסעה מהירותו של רוכב האופניים הייתה כ-20 קמ"ש.  
לרכוב האופניים לקח פחות זמן לעבור את המרחק 200 מטר:

$$2 \text{ דקות} > 0.01 \text{ שעה} = \frac{0.2}{20}$$

טענה 3: אי-אפשר לקבוע

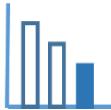
הפונקציה מתארת את הקשר בין מהירותה של רוכבת האופניים לבין מרחק שערכה. לכן, לא ניתן לקבוע לפי הנתונים את משך הזמן העצירה ברמזור.

טענה 4: טענה לא נכונה

לפי גרפ הפונקציה ניתן לבדוק במהירות מתונה של רוכב האופניים בין כ-18 קמ"ש לבין כ-22 קמ"ש לאורך כל הנסעה.

טענה 5:

לגרף הראשון יש 4 נקודות חיתוך עם ציר ה- $x$  שיכולות לייצג את העצירה ברמזורים.  
לכן ניתן להסיק כי החל מתחילה הנסעה, רוכבת האופניים עצרה למשך 4 פעמיים.



## משימה: gal yirok - קריית גרפים

### טיור סיטואציה

**gal yirok** היא תוכנה של מערכת בקרת רמזורים (שלושה או יותר) הנמצאים על ציר נסעה. הgal הירוק מאפשר תנופה רציפה (לא עצירה) באשר כל הרמזורים בציר הנסעה נתונים אויר יrok.



עיריית קופנהגן הקימה ברחוב Nørrebrosgade שארכו 2,200 מטר, מערכת של gal yirok לרחוב אופניים. החל מהשעה 06:30 בבוקר ועד הצהרים, הרמזורים מתאימים כדי לאפשר להרוכבי אופניים לרכב על אופניים דרך סדרה של רמזורים יokers.



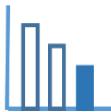
שלטים מאפשרים להרוכבי אופניים להיות מודעים להפעלת מערכת הgal הירוק ולהתאים את מהירותם. לפי דבריו מהנדסי העירייה, הרוכב שנוסע ברחוב זה ב מהירות ממוצעת של 20 קמ"ש יוכל לעבור אותו ברמזורים יokers.

### הידעת:

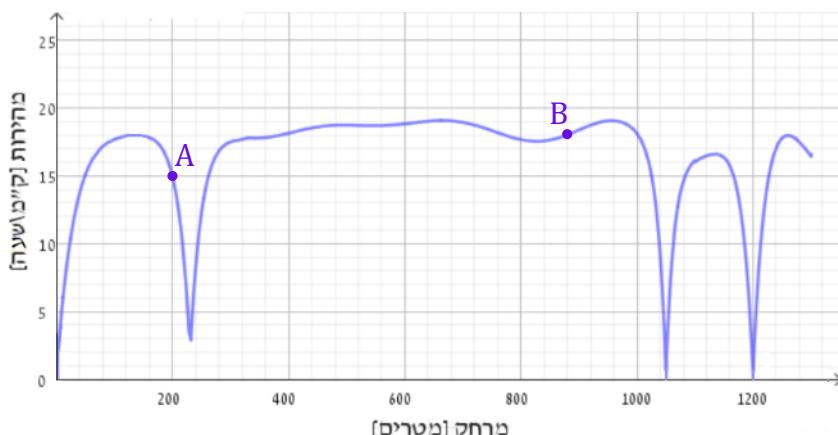
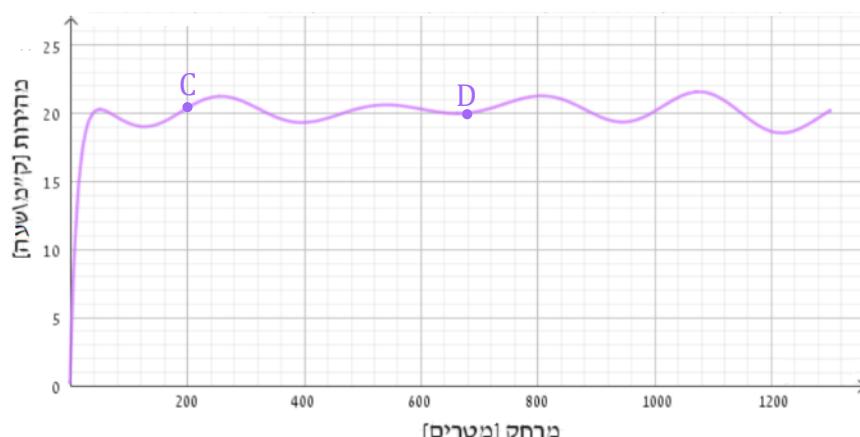
מהו מהירות ממוצעת?

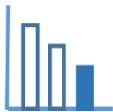
$$\text{מהירות ממוצעת של הגוף} = \frac{\text{הדרך שעבר הגוף}}{\text{זמן שעבר}}$$

(גם אם הגוף אינו נע ב מהירות קבועה).

**פתרו את הבעיה הבאה**

שני הגרפים של פיבכם מציגים את המהירות של רוכבת האופניים שנוסעת **לפני** הפעלת הגל היורק (גרף עליון) וה מהירות של רוכב האופניים **אחרי** הפעלה (גרף תחתון).

**המהירות של רוכבת האופניים לפני הפעלת מערכת הגל היורק****המהירות של רוכב האופניים אחרי הפעלת מערכת הגל היורק**



## בעיה 1

התבוננו בשני הגרפים וענו על השאלות הבאות (הבחינו בין הנסיעה בשטח הירוק מופעלת לבין שהיא לא מופעלת):

א. מהי המשמעות של הנקודות A ו-B המסומנות על הגרף העליון?

מהי המשמעות של הנקודות C ו-D המסומנות על הגרף התחתון?

ב. מהו המרחק (בקירוב) שעבר כל אחד מרכיביו האופניים?

ג. מה הייתה מהירות של כל אחד מרכיביו האופניים, באשר המרחק שעבר היה:

(1) 240 מטר (2) 800 מטר (3) 1 קילומטר

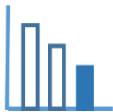
ד. סמנו על הגרף התחתון נקודות מתאימות להמלצה של מהנדסי העירייה:

"רחוב שנושא ברוחבו זה ב מהירות של כ- 20 קמ"ש, יכול לעבור אותו ברמזורים ירוקים".

ה. הערכו: מהי מהירות הגבואה ביותר של כל אחד מרכיביו האופניים?

הערכו: מהי מהירות הנמוכה ביותר של רוחב האופניים שנושא ללא הפעלת הגל הירוק?

צימנו: באיזה/באיו/ו מרחק/ים, החל מתחילה הנסעה, מהירות הייתה מקסימלית/מינימלית.



## בעה 2

לפניכם 5 טענות המתיחסות לגרפים הנתוניים.

(רוכבת האופניים נסעת לא gal irok, ואילו רוכב האופניים נסע עם gal irok)

קבעו נכון או לא נכון או אי-אפשר לקבוע, הסבירו כיצד קבעתם.

טענה 1: לאורך כל הנסיעה, מהירותה של רוכבת האופניים הייתה נמוכה מ-20 קמ"ש.

נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע

טענה 2: אחרי 2 דקות מתחילת הנסיעה, הרוכב היה במרחק של 200 מטר מתחילת הרחוב.

נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע

טענה 3: ברגע הראשון רוכבת האופניים עזרה למשך 5 שניות.

נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע

טענה 4: רוכב האופניים ביצע בלימוד חזקתו ותוכזאה מכך הקטן באופן שימושי את המהירות.

נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע

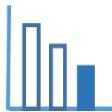
טענה 5: החל מתחילת הנסיעה, רוכבת האופניים עזרה לגמרי:

2 פעמים נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע

3 פעמים נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע

4 פעמים נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע

5 פעמים נכון / לא נכון / אי-אפשר לקבוע



## פתרונות אפשריים

### בעיה 1

#### סעיף א:

שיעור הנקודות A ו-B מייצגות את מהירותו של רוכבת האופניים הנוסעת ללא פעולה גל יrok בהתאם למרחק שעבירה. ואילו הנקודות C ו-D מייצגות את מהירותו של רוכב האופניים הנוסע כאשר מערכת גל יrok מופעלת בהתאם למרחק שעבירה.

הנקודה A – במרחק של כ- 200 מטרים מתחילה הנסעה מהירותה של רוכבת האופניים הייתה כ-15 קמ"ש.

הנקודה B – במרחק של כ- 880 מטרים מתחילה הנסעה מהירותה של רוכבת האופניים הייתה כ-18 קמ"ש.

הנקודה C – במרחק של כ-200 מטרים מתחילה הנסעה מהירותו של רוכב האופניים הייתה כ-21 קמ"ש.

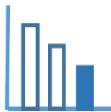
הנקודה D – במרחק של כ-680 מטרים מתחילה הנסעה מהירותו של רוכב האופניים הייתה כ-20 קמ"ש.

#### סעיף ב:

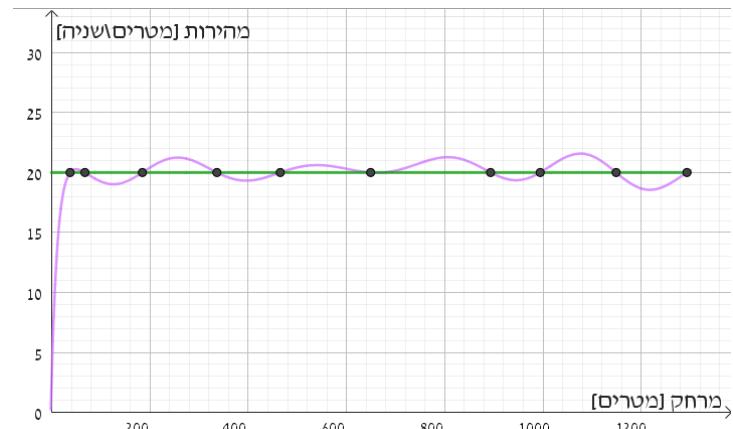
כל אחד מרוכבי האופניים עבר מרחק של כ-1.3 ק"מ.

#### סעיף ג:

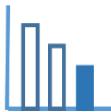
מרחק	לא הפעלת הגל יrok	הgal Yirok מופעלת
240 מטר	כ-7 קמ"ש	כ-21 קמ"ש
800 מטר	כ-18 קמ"ש	כ-21 קמ"ש
1 קילומטר	כ-18 קמ"ש	כ-20 קמ"ש

**סעיף ד:**

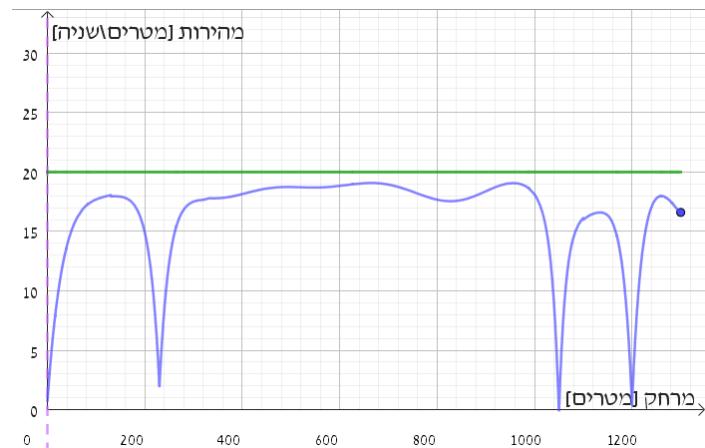
ניתן להיעזר בקו ישר  $20 = y$  כדי לסמן את הנקודות המתאימות להמלצה של מהנדסי העירייה:  
"רובב שנוסע ברוחב זה בmph של 20 Km"ש יכול לעבור אותו ברמזוריים ירוקים".

**סעיף ה:**

הקו היורק מופעל: במרחק של כ-1,080 מטרים מהירות המקסימאלית של כ-21.5 Km"ש.  
לא הפעלת מערכת הקו היורק: במרחק של כ-650 מטר ובמרחק של 960 מטר מתחילת הנסעה רוכב האופניים נסע במהירות המקסימאלית של כ-19 Km"ש. מהירות המינימאלית הינה 0 Km"ש באשר רוכב האופניים עצם ברמזוריים. הדבר קורה במרחקים הבאים: כ-1.4 Km, 1.2 Km מתחילת הנסעה.

**בעיה 2****טענה 1:** טענה נכונה

ניתן לראות כי גרפ הfonקציה המתאר את השתנות המהירות של רוכבת האופניים בתלות במרחק שעבירה מתחילה הנסיעה נמצא מתחת לקו ישר  $20 = y$ . כלומר, לאורך כל הדרכ הרוכבת נסעה ב מהירות נמוכה מ-20 קמ"ש.

**טענה 2:** טענה לא נכונה

לפי הגרף במרחק של 200 מטר מתחילה הנסיעה מהירותו של רוכב האופניים הייתה כ-20 קמ"ש. לרוכב האופניים לוקח פחות זמן לעבור את המרחק 200 מטר:

$$2 \text{ דקות} > 0.01 \text{ שעה} = \frac{0.2}{20}$$

**טענה 3:** אי-אפשר לקבוע

הfonקציה מတרת את הקשר בין מהירותה של רוכבת האופניים לבין מרחק שעבירה. לכן, לא ניתן לקבוע לפי הנתונים את משך הזמן העצירה ברםזור.

**טענה 4:** טענה לא נכונה

לפי גרפ הfonקציה ניתן לבדוק ב מהירות מתונה של רוכב האופניים בין כ-18 קמ"ש לבין כ-22 קמ"ש לאורך כל הנסיעה.

**טענה 5:**

לגרף הראשון יש 2 נקודות חיתוך עם ציר ה- $x$ - שיובילות לייצג את העצירה ברםзорים. לכן ניתן להסיק כי החל מתחילה הנסעה, רוכבת האופניים עצרה למשך 2 פעמים.