

מאור

מתמטיקה אוריינית בחטיבת ביניים



קופסת קרטן

המשימה קיימת ב - 2 רמות



©

בל האזכיות ש שמורות ל
לייקין ר. וצוות מאור, אוניברסיטת חיפה

אין להעתיק, לצלם או לשכפל חוברת זו
או קטעים ממנה בשום אמצעי

פרטי התקשרות:

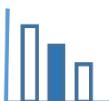
maor@labs.edu.haifa.ac.il

04-8288351



תעודת זהות של המשימה

נושא מתוכנית הלימודים לשילוב המשימה	צורות במשיר ו גופים במרחב
ביתה	ד', ח', ט'
זמן נדרש ליישום המשימה (עד 45 דקות)	עד 45 דקות
ידע ומומנויות מתמטיים הנדרשים לפתרון המשימה	שטח ריבוע, נפח תיבה, שטח מעטפת ושטח פנים של תיבה
ידע ומומנויות מתמטיים הנדרשים לפתרון המשימה	שטח ריבוע, נפח תיבה, שטח מעטפת ושטח פנים של תיבה, גרפים של פונקציות שונות
אוריניות קונקטואלית	מהם השיקולים בבחירה המידות של קופסאות קרטון
ידע ומומנויות שהמשימה יכולה לקדם	מהם השיקולים בבחירה המידות של קופסאות קרטון
הנחיות קצרות לעבודה עם המשימה	קשר בין נפח התיבה לשטח הפנים איך מתאפשר שטח הפנים הקטן ביותר
	עבודה בקבוצות



משימה - קופסת קרוטון

טיזר

מהן המידות של קופסת קרוטון מיצ' שנפחה ליטר אחד (1000 סמ"ק) ובסיסה ריבוע? למה נבחרו מידות אלו?

פתרו את הבעיה הבאה

אחד מהדריכים להזיל את הולות של מוצר, הארוז בקופסת קרוטון, היא על ידי הקטנה של במות הקרטון בכל קופסה.

לפניכם טבלה עם מידות קופסאות בגודלים שונים, שבסיסן ריבוע ובוכן בנפח של ליטר אחד.

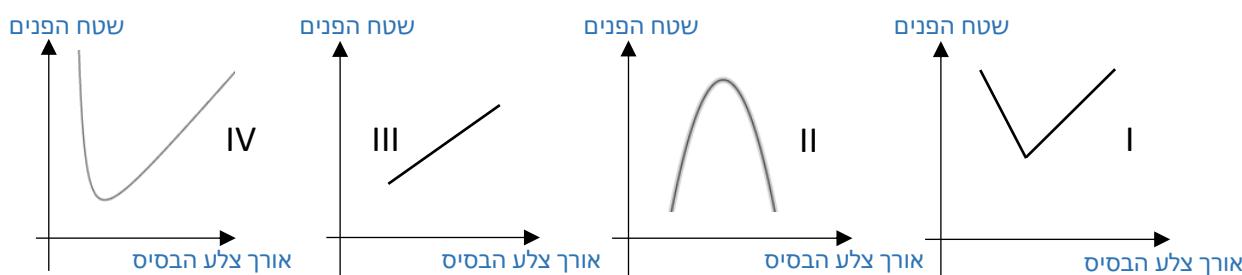
א. השלימו את הטבלה ומיצאו את המידות שהבוחן במות הקרטון היא הקטנה ביותר.



שטח פנים	שטח מעטפת	גובה הקופסה	שטח הבסיס	אורך צלע הבסיס
				16 ס"מ
				6 ס"מ
				20.4 ס"מ
				10 ס"מ
				12 ס"מ

ב1. אחד מ- 4 הגרפים שלפניכם מתריך את הקשר בין שטח הפנים של קופסה לבין אורך צלע הבסיס שלה. בחרו את הגרף המתאים.

ב2. על הגרף שבחרתם סמןו את הנקודה שמייצגת את מידות הקופסה בעלת שטח הקרטון הקטן ביותר, וכתבו את שיעוריה.





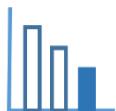
פתרונות אפשריים

.א.

אורק צלע הבסיס בס"מ	שטח הbasis בס"מ	גובה הקופסה בס"מ	שטח מעטפת בסמ"ר	שטח פנים בסמ"ר	אורק צלע הבסיס בס"מ
a	a^2	$\frac{1,000}{a^2}$	$4 \cdot a \cdot \frac{1,000}{a^2} = \frac{4,000}{a}$	$\frac{4,000}{a} + 2a^2$	$\frac{4,000}{a}$
4	16	62.5	1,000	1,032	
6	36	27.8	666.67	738.67	
7	49	20.4	571.4	669.4	
10	100	10	400	600	
12	144	6.9	333.33	621.33	

ב1. גרפ VI.

ב2. שיעורי נקודת המינימום (10, 600).



משימה - קופסת קרטון

טיזר

מהן המידות של קופסת קרטון מיש שטפה ליטר אחד (1000 סמ"ק) ובסיסה ריבוע? למה נבחרו מידות אלו?

פתרו את הבעיה הבאה

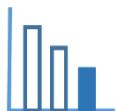
אחת מהדריכים להזיל את הולות של מוצר, הארוז בקופסת קרטון, היא על ידי הקטנה של כמות הקרטון בכל קופסה.

לפניכם טבלה עם מידות קופסאות בגודלים שונים, שבסיסן ריבוע ובוכן בנפח של ליטר אחד.

השלימו את הטבלה ומצאו את המידות שבהן כמות הקרטון היא הקטנה ביותר.



שטח פנים	שטח מעטפת	גובה הקופסה	שטח הבסיס	אורך צלע הבסיס
				16 ס"מ
				6 ס"מ
		20.4 ס"מ		
		10 ס"מ		
				12 ס"מ



פתרונות אפשריים

שטח פנים בסמ"ר $\frac{4,000}{a} + 2a^2$	שטח מעטפת בסמ"ר $4 \cdot a \cdot \frac{1,000}{a^2} = \frac{4,000}{a}$	גובה הקופסה בסמ"מ $\frac{1,000}{a^2}$	שטח הבסיס בסמ"ר a^2	אורך צלע הבסיס בס"מ a
1,032	1,000	62.5	16	4
738.67	666.67	27.8	36	6
669.4	571.4	20.4	49	7
600	400	10	100	10
621.33	333.33	6.9	144	12