

מאור

מתמטיקה אוריינית בחטיבת ביניים



גשר שער הזהב

המשימה קיימת ב – 2 רמות



בל האזכיות שמורות ל
לייקין ר. וצוות מאור, אוניברסיטת חיפה

אין להעתיק, לצלם או לשכפל חוברת זו
או קטעים ממנה בשום אמצעי

פרטי התקשרות:

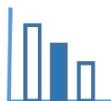
maor@labs.edu.haifa.ac.il

04-8288351



תעודת זהות של המשימה

| פונקציה ריבועית (פרבולה) | נושא מתוכנית הלימודים לשילוב המשימה |
|---|--|
| ט' | ביתה |
| עד 45 דקות | זמן נדרש לישום המשימה (עד 45 דקות) |
| תבונת סימטריה של פרבולה | ידע ומיומנויות מתמטיים הנדרשים לפתרון המשימה |
| מציאת קודקוד הפרבולה, תבונת סימטריה של פרבולה | |
| קשר בין מבנה הגשר בצורת פרבולה לחישובים מתמטיים | אוריניות קונקטואלית |
| קשר בין מבנה הגשר בצורת פרבולה לחישובים מתמטיים | |
| שימושים מעשיים בחישובים המתאימים לפונקציה ריבועית. הברות עם סוג הגשר שצורתו פרבולתית. | ידע ומיומנויות שהמשימה יכולה לקדם |
| הקדמה קצרה למשימה בה ניתן להסביר לתלמידים לגבי סוגי הגשרים הקיימים ואוצרתם. אפשרית עבודה בקבוצות של 2-3 תלמידים . | הנסיבות הכרזות לעבודה עם המשימה |



משימה - גשר שער הזהב

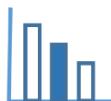
עמדות תמיכה ימני
עמדות תמיכה שמאלית
כבל המתלה הראשי
כביש

תיאור סיטואציה

חלק מהגשרים הארוכים בעולם, מורכבים מבכים התלויים בצורה של קשתות פרבוליות, בין עמדות תמיכה. הצורה הפרבולית של הרכבים תומכת בגשר. הרכבים הפרabolים מחולקים באופן שווה, את משקל הגשר בין עמדות תמיכה זהים שאליהם הם מחוברים ומאפשרים לשאת את המשקל של מאות כלי רכב, העוברים על הגשר.

אחד מהגשרים התלויים המפורסםים הוא גשר שער הזהב בסן פרנסיסקו, קליפורניה.

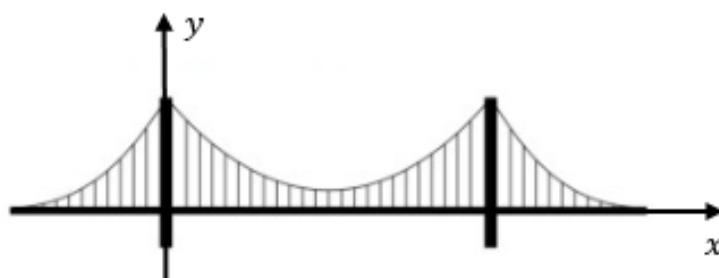


**פתרו את הבעיה הבאה**

נشرط מערכת צירים באופן הבא:

ציר ה - x עובר על מפלס הגשר (בהנחה שהכbesch בקטע שבין שני העמודים הוא אופקי),ציר ה - y עובר על עמוד התמיכה השמאלי (ראו סרטוט).

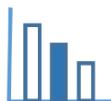
בבל המתלה הראשי הוא בצורה פרבולה.



הfonקציה הקובעת את גובה המתלה של הגשר היא $155 + \frac{19}{40}x - \frac{19}{51200}x^2 = y$, כאשר x ו- y נמדדים במטרים.

- מה מבטאים במציאות השיעורים של נקודה (320, 41) שעל גוף הפונקציה?
- מהו הגובה מעל הכbesch של עמודי התמיכה עליהם תלוי הכלל?
- מהו המרחק הקצר ביותר מהכбел לכביש?
- מהו המרחק בין שני עמודי התמיכה?

מקורות[גשר הזהב ויקיפדיה](#)[סן פרנסיסקו: שער הזהב - ארצות הברית](#)[שימושים של גשר פרבולי בעולם](#)[גשר תלוי \(וגם סוג גשרים נוספים\)](#)



פתרונות אפשריים

סעיף א':

הנקודה על גرف הפונקציה נמצאת במרחק 320 מטרים מעמוד תミכה השמאלי ובגובה 41 מטרים מעל הכביש.

סעיף ב':

$$y(0) = 155$$

סעיף ג':

נמצא את שיעור ה- x של הקודקוד באמצעות הנוסחה $X_{קודקע} = -\frac{b}{2a}$

$$X_{קודקע} = -\frac{\frac{19}{40}}{2 \cdot \frac{19}{51200}} = \frac{51200}{2 \cdot 40} = 640$$

בולם, מרחקה של נקודה הנמוכה ביותר על הכביש לInMillis תמיכה השמאלי הוא 640 מטר.

נמצא את $y(640)$:

$$y(640) = \frac{19}{51200} \cdot 640^2 - \frac{19}{40} \cdot 640 + 155 = 152 - 304 + 155 = 3$$

המרחק הקצר ביותר מהכביש לInMillis הוא 3 מטר.

סעיף ד':

פרבולה סימטרית ביחס לציר הסימטריה העובר בקודקודה. ולכן, $640 = \frac{0+x}{2}$. כלומר עמוד התמיכה הימני נמצא במרחק מ' $1280 = x$ מעמוד התמיכה השמאלי. זה גם המרחק בין עמודי התמיכה.

דרך נוספת לפתרון:

$y = \frac{19}{51200}x^2 - \frac{19}{40}x + 155$ שתי הנקודות $(0, 155)$ ו- $(1280, 155)$ נמצאות במרחק שווה מציר הסימטריה של הפרבולה.

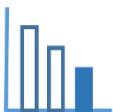
$$\text{קודקוד הפרבולה } 640 = \frac{0+1280}{2}$$

זו הנקודה הנמצאת במרחק הקצר ביותר מעיל לInMillis. גובה נקודה זו מעיל הInMillis

$$y = \frac{19}{51200} \cdot 640^2 - \frac{19}{40} \cdot 640 + 155 = 3$$

בנקודה הנמצאת במרחק 640 מטרים מהמגדל השמאלי, הInMillis הוא 3 מטרים מעיל הInMillis.

המרחק בין המגדלים הוא $1280 = 640 + 640$ מטרים.



משימה - גשר שער הזהב

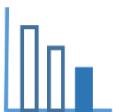
עמדות תמיכה ימני
עמדות תמיכה שמאלית
כבל המתלה הראשי
כביש

תיאור סיטואציה

חלק מהגשרים הארוכים בעולם, מורכבים מבכים התלויים בצורה של קשתות פרבוליות, בין עמדות תמיכה. הצורה הפרבולית של הרכבים תומכת בגשר. הרכבים הפרabolים מחולקים באופן שווה, את משקל הגשר בין עמדות תמיכה זהים שאליהם הם מחוברים ומאפשרים לשאת את המשקל של מאות כלי רכב, העוברים על הגשר.

אחד מהגשרים התלויים המפורסםים הוא גשר שער הזהב בסן פרנסיסקו, קליפורניה.

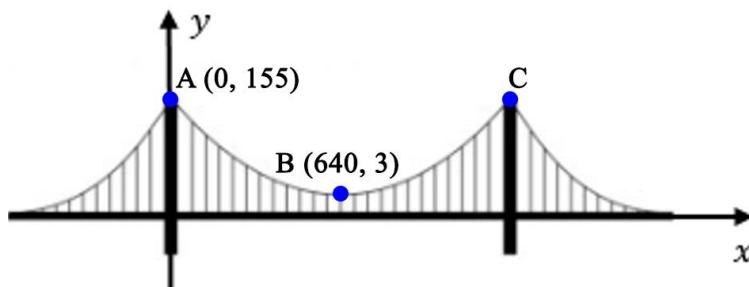


**פתרו את הבעיה הבאה**

נשרטט מערכת צירים באופן הבא:

ציר ה - x עובר על מפלס הגשר (בהנחה שהכਬיש בקטע שבין שני העמודים הוא אופקי),ציר ה - y עובר על עמוד התמיכה השמאלי.

בבל המתלה הראשי הוא בצורה פרבולה.



בגרף הפרבולה מסומנות שלוש נקודות:

נקודה (0, 155) A שהיא נקודת החיבור של הcabel עם עמוד התמיכה.

נקודה (640,3) B שהיא קודקוד הפרבולה

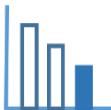
נקודה C שהיא קצה העמוד השני

א. (1) מה המשמעות במציאות של שיעור ה- x של נקודת A?(2) מה המשמעות במציאות של שיעור ה- y של נקודת A?ב. (1) מה המשמעות במציאות של שיעור ה- x של נקודת B?(2) מה המשמעות במציאות של שיעור ה- y של נקודת B?

ג. מהם השיעורים של נקודת C?

ד. מהו מרחק בין שני עמודי התמיכה?

מקורות[גשר הזהב ויקיפדיה](#)[סן פרנסיסקו: שער הזהב - ארצת הברית](#)[שימושים של גשר פרבולי בעולם](#)[גשר תלוי \(וגם סוגים נוספים\)](#)



פתרונות אפשריים

סעיף א':

- (1) מיקום של עמוד התמיכה השמאלי
- (2) גובה עמוד התERICAה השמאלי

סעיף ב':

- (1) מרחקה של נקודה הנמוכה ביותר על הcabbel ביחס לcabbel מעמוד התERICAה השמאלי הוא 640 מטר.
- (2) גובה נקודה הנמוכה ביותר על הcabbel מהcabbel הוא 3 מטר.

סעיף ג':

נקודת C סימטרית ביחס לציר הסימטריה העובר דרך הקודקוד (0,155) B לנקודת A.

$$\text{לכן, } \frac{x_A + x_C}{2} = \text{קודקוד}$$

$$640 = \frac{0 + x_C}{2}$$

$$x_C = 1280$$

סעיף ד':

מרחק בין שני עמודי התERICAה הוא 1280 מטר.