

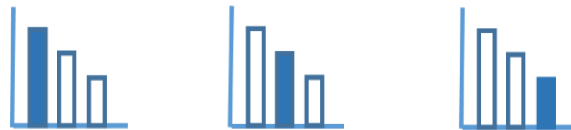
# מאור

## מתמטיקה אוריינית בחטיבת ביניים



### הפרש ריבועים

המשימה מתאימה לכל הרמות



כל הזכויות שמורות ל  
לייקין ר. וצוות מאור, אוניברסיטת חיפה

אין להעתיק, לצלם או לשכפל חוברת זו  
או קטעים ממנה בשום אמצעי

פרטי התקשרות:

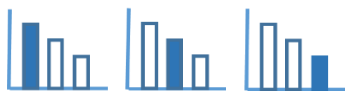
[maor@labs.edu.haifa.ac.il](mailto:maor@labs.edu.haifa.ac.il)

04-8288351



**תעודת זהות של המשימה**

נושא מתוכנית הלימודים לשילוב המשימה	נוסחאות הכפל המקוצר
כיתה	ט'
זמן נדרש ליישום המשימה (עד 45 דקות)	עד 45 דקות
ידע ומיומנויות מתמטיים הנדרשים לפתרון המשימה	<ul style="list-style-type: none"> <li>תכונות של מספרים שלמים.</li> <li>מספרים עוקבים.</li> <li>נוסחאות כפל מקוצר.</li> </ul>
אוריינות קונטקסטואלית	דרכים שונות לפתרון
ידע ומיומנויות שהמשימה יכולה לקדם	<ul style="list-style-type: none"> <li>תכונה של מספרים עוקבים</li> <li>פיתוח היכולת לזהות תכונות של פונקציה ריבועית על פי הגרף שלה.</li> <li>פיתוח היכולת לזהות מצבים הדדיים בין הגרפים של פונקציה ריבועית.</li> </ul>
הנחיות קצרות לעבודה עם המשימה	ניתן לבחור דרכים בהתאם לרמת הכיתה



## משימה – הפרש ריבועים

### פתרו את הבעיה הבאה

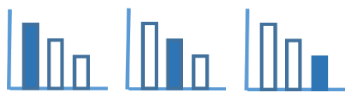
לפניכם שלוש דוגמאות של הפרש ריבועים של מספרים עוקבים:

$$3^2 - 2^2 = 5$$

$$6^2 - 5^2 = 11$$

$$11^2 - 10^2 = 21$$

הסיקו מסקנות לגבי הפרש ריבועים של מספרים עוקבים והוכיחו אותן בדרכים שונות.



## פתרונות אפשריים

**מסקנה I:** הפרש הריבועים של מספרים עוקבים, הוא סכום המספרים העוקבים.

**מסקנה II:** הפרש הריבועים של מספרים עוקבים, הוא מספר אי זוגי.

### דרכים שונות להסבר:

#### דרך א'

בין שני מספרים עוקבים, אחד זוגי והשני אי זוגי.

ריבוע של מספר זוגי, הוא מספר זוגי.

ריבוע של מספר אי זוגי, הוא מספר אי זוגי.

והפרש בין שני מספרים, שהאחד זוגי והשני אי זוגי, הוא תמיד אי זוגי.

לכן, הפרש הריבועים של מספרים עוקבים, הוא מספר אי זוגי.

#### דרך ב'

בעזרת הנוסחה  $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$  ושיקולי זוגיות ואי זוגיות.

כאשר  $a$  עוקב של  $b$  הפרשם 1, ולכן, הפרש הריבועים שלהם שווה לסכומם. מכיוון שהמספרים עוקבים, אחד

מהם זוגי והאחר אי זוגי, לכן סכומם אי זוגי.

#### דרך ג'

בדרך אלגברית, בעזרת הנוסחה  $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

נסמן את המספרים ב- $n$  וב- $(n + 1)$ .

( $n$  מספר טבעי).

$$(n + 1)^2 - n^2 = (n + 1 + n)(n + 1 - n) = 2n + 1$$

לכל  $n$  שהוא מספר טבעי,  $2n + 1$  הוא מספר אי זוגי.

והפרש הריבועים של המספרים העוקבים, הוא סכום המספרים העוקבים.

#### דרך ד'

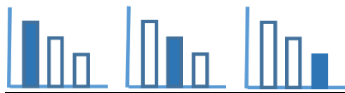
בדרך אלגברית, בעזרת הנוסחה  $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

נסמן את המספרים העוקבים ב- $n$  ( $n$  מספר טבעי) וב- $n + 1$ .

$$(n + 1)^2 - n^2 = n^2 + 2n + 1 - n^2 = 2n + 1$$

לכל  $n$  שהוא מספר טבעי,  $2n + 1$  הוא מספר אי זוגי.

הפרש הריבועים של המספרים העוקבים, הוא סכום המספרים העוקבים.



דרך ה'

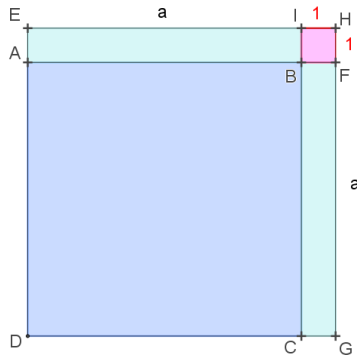
שטח הריבוע הגדול  $EHGD$ :  $(a + 1)^2$

שטח הריבוע הקטן  $ABCD$ :  $a^2$

שטח ההפרש ביניהם שווה

לשטחים של:  $BFGC + IHFB + EIBA$

שזה:  $a \cdot 1 + 1 \cdot 1 + a \cdot 1 = 2a + 1$



דרך ו'

בעזרת חוקיות/ סדרות

דוגמה:  $4^2 - 3^2 = 2 \cdot 3 + 1 = 7$

